

ROYAUME DU MAROC

Ministère de l'Éducation Nationale, de l'Enseignement Supérieur,  
de la Formation des Cadres et de la Recherche Scientifique

Présidence du Concours National Commun  
École Mohammadia d'Ingénieurs  
EMI

**Concours National Commun d'admission  
aux Grandes Écoles d'Ingénieurs ou assimilées  
Session 2006**

**ÉPREUVE DE CHIMIE**

**Filière TSI**

**Durée 2 heures**

Cette épreuve comporte 4 pages au format A4, en plus de cette page de garde  
L'usage de la calculatrice est *autorisé*

**L'énoncé de cette épreuve comporte 4 pages.  
L'usage de la calculatrice est autorisé.**

On veillera à une présentation claire et soignée des copies. Il convient en particulier de rappeler avec précision les références des questions abordées.

## Le Cuivre

Le cuivre joue un rôle important dans l'industrie chimique et dans la vie quotidienne. On se propose dans ce problème de passer en revue quelques aspects de la chimie du cuivre. Aucune connaissance préalable de la chimie de cet élément n'est requise pour traiter le problème.

Si, au cours de l'épreuve, un candidat repère ce qui lui semble être une erreur d'énoncé, il le signale sur sa copie et poursuit sa composition en indiquant les raisons des initiatives qu'il est amené à prendre.

Dans les applications numériques, qui ne doivent pas être négligées, une attention particulière sera prêtée au nombre de chiffres à utiliser pour afficher les résultats. Ce nombre, qui dépend en général du niveau de précision recherché, ne doit en aucun cas dépasser le nombre de chiffres significatifs permis par les données. La valeur numérique de toute grandeur physique doit être accompagnée de son unité.

### Données utiles

- Données générales
  - Nombre d'AVOGADRO :  $N_A = 6,022 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1}$ .
  - Constante des gaz parfaits :  $R \approx 8,314 \text{ J.K}^{-1}.\text{mol}^{-1}$ .
- Tous les gaz rencontrés dans le problème seront considérés parfaits.
- Masse volumique du cuivre :  $\mu_{\text{Cu}} = 8,92 \times 10^3 \text{ kg.m}^{-3}$ .
- Masse molaire atomique du cuivre :  $M_{\text{Cu}} = 63,546 \text{ g.mol}^{-1}$ .
- Enthalpies standard de formation (en  $\text{kJ.mol}^{-1}$ ) et entropies standard absolues (en  $\text{J.K}^{-1}.\text{mol}^{-1}$ ) à 298 K (g : gaz, s : solide) :

	O <sub>2</sub> (g)	Cu(s)	Cu <sub>2</sub> O(s)	CuO(s)	Cu <sub>2</sub> S(s)	FeS(s)	FeO(s)	SO <sub>2</sub> (g)
$\Delta_r H_f^\circ$	–	–	–168	–157	–79,4	–99,9	–266	–297
$S^\circ$	205	33,1	93,0	42,6	121	60,2	57,4	248

### 1<sup>ère</sup> partie

#### Structure électronique

Le numéro atomique du cuivre est  $Z = 29$ . L'élément cuivre possède deux isotopes naturels  $^{63}\text{Cu}$  et  $^{65}\text{Cu}$ .

1.1. Quels sont les nombres de protons et de neutrons présents dans chacun des noyaux de  $^{63}\text{Cu}$  et de  $^{65}\text{Cu}$  ? On présentera les résultats sous forme d'un tableau.

1.2. Quelle est l'abondance relative de chacun de ces deux isotopes ?

- 1.3. Donner la configuration électronique du cuivre prévue par les règles de remplissage.
- 1.4. En réalité, la configuration électronique observée est :  $[\text{Ar}] 3d^{10} 4s^1$ . Expliquer cette anomalie de remplissage.
- 1.5. En déduire la position du cuivre (ligne et colonne) dans la table périodique des éléments. À quel bloc d'éléments appartient-il ? Comment s'appellent les éléments de ce bloc ?
- 1.6. Donner la configuration électronique des deux ions les plus courants du cuivre.

## 2<sup>ème</sup> partie

### Propriétés cristallographiques

#### 2.1. Structure cristallographique du cuivre

Le réseau cristallin du cuivre est du type cubique à faces centrées ou c.f.c.

- 2.1.1. Faire un schéma, en vue éclatée, de la maille conventionnelle du réseau c.f.c.
- 2.1.2. Calculer le nombre d'atomes de cuivre appartenant à cette maille.
- 2.1.3. Exprimer la masse volumique  $\mu_{\text{Cu}}$  du métal cuivre et en déduire le paramètre  $a$  de la maille conventionnelle.
- 2.1.4. Représenter une face de la maille conventionnelle en précisant clairement le contact entre atomes de cuivre.
- 2.1.5. En déduire la valeur du rayon atomique  $R_{\text{Cu}}$  du cuivre.
- 2.1.6. Calculer la compacité  $C$  du réseau du cuivre. Commenter.

#### 2.2. Cavités dans le réseau du cuivre

Le réseau C.F.C. présente des cavités octaédriques  $\Omega$  et des cavités tétraédriques  $\Theta$ .

- 2.2.1. Dessiner une cavité octaédrique en vue éclatée. Dessiner de même une cavité tétraédrique.
- 2.2.2. Indiquer les positions des sites octaédriques et tétraédriques dans une maille conventionnelle C.F.C.
- 2.2.3. Déterminer les nombres respectifs  $n_{\Omega}$  des cavités octaédriques et  $n_{\Theta}$  des cavités tétraédriques dans une maille conventionnelle C.F.C.

## 3<sup>ème</sup> partie

### Métallurgie du cuivre

Bien qu'il existe aussi à l'état natif, la source naturelle de cuivre la plus importante est constituée par les minerais soufrés telle que la chalcopryrite  $\text{CuFeS}_2$ . L'obtention du cuivre, appelé blister, à partir de tels minerais se fait en deux étapes successives essentielles que l'on se propose d'étudier :

- l'élimination du fer ou « déferrage » du minerai soufré ;
- la réduction du sulfure de cuivre  $\text{Cu}_2\text{S}$  ainsi obtenu.

3.1. On s'intéresse tout d'abord à la transformation, en présence du dioxygène, de FeS en FeO et SO<sub>2</sub>.

3.1.1. Écrire l'équation bilan de cette réaction pour une mole de FeS (réaction a).

3.1.2. Exprimer, en fonction de la température  $T$ , l'enthalpie libre standard  $\Delta_r G_a^\circ$  de cette réaction et en déduire sa température d'inversion  $T_a$ . Commenter.

3.2. On s'intéresse maintenant à la transformation, en présence de dioxygène, de Cu<sub>2</sub>S en Cu<sub>2</sub>O et SO<sub>2</sub>.

3.2.1. Écrire l'équation bilan de cette réaction pour une mole de Cu<sub>2</sub>S (réaction b).

3.2.2. Exprimer, en fonction de la température  $T$ , l'enthalpie libre standard  $\Delta_r G_b^\circ$  de cette réaction et en déduire sa température d'inversion  $T_b$ .

3.3. Dans quel domaine de température devrait-on opérer pour transformer sélectivement FeS en FeO sans transformer Cu<sub>2</sub>S en Cu<sub>2</sub>O ? Commenter.

L'oxyde ferreux FeO ainsi obtenu est mis en présence de silice SiO<sub>2</sub> pour former un silicate (FeO, 2 SiO<sub>2</sub>) moins dense que Cu<sub>2</sub>S ce qui facilite son évacuation à l'état liquide.

3.4. L'obtention du cuivre se fait ensuite selon deux réactions simultanées :

– la réaction (b) définie auparavant ;

– la réaction (c) :  $2 \text{Cu}_2\text{O} + \text{Cu}_2\text{S} \rightleftharpoons 6 \text{Cu} + \text{SO}_2$

3.4.1. Exprimer, en fonction de la température  $T$ , l'enthalpie standard  $\Delta_r G_c^\circ$  de la réaction (c).

3.4.2. Déterminer l'équation de la réaction bilan, pour une mole de Cu<sub>2</sub>S, en éliminant Cu<sub>2</sub>O entre les réactions (b) et (c). En déduire son enthalpie libre standard  $\Delta_r G^\circ$ . Commenter.

#### 4<sup>ème</sup> partie

#### Oxydation en phase sèche

On se propose d'étudier l'oxydation du cuivre métallique par l'oxygène de l'air supposé être sec. L'étude sera limitée à l'intervalle de température [500 K, 1300 K] dans lequel le cuivre et ses oxydes se trouvent à l'état solide. On se limitera à une étude thermodynamique sans se préoccuper des phénomènes cinétiques. On se placera enfin, dans le cadre de l'approximation d'ELLINGHAM.

4.1. Enthalpies libres standard de réaction

4.1.1. En quoi consiste l'approximation d'ELLINGHAM ?

4.1.2. Écrire l'équation de la réaction d'oxydation du cuivre métallique Cu en oxyde de cuivre Cu<sub>2</sub>O pour une mole de dioxygène (réaction 1) et en déduire l'expression, en fonction de la température  $T$ , de son enthalpie standard de réaction  $\Delta_r G_1^\circ(T)$ . Calculer numériquement  $\Delta_r G_1^\circ$  à 300 K.

4.1.3. Écrire de même la réaction d'oxydation de Cu<sub>2</sub>O en CuO pour une mole de dioxygène (réaction 2) et en déduire l'expression, en fonction de la température  $T$ , de son enthalpie standard de réaction  $\Delta_r G_2^\circ(T)$ . Calculer numériquement  $\Delta_r G_2^\circ$  à 300 K.

#### 4.2. Températures d'oxydation

On se propose d'étudier la stabilité de Cu, Cu<sub>2</sub>O et CuO dans l'air, en fonction de la température. On donne la pression atmosphérique  $P_0 = 1$  bar.

4.2.1. Exprimer les affinités chimiques  $A_1$  de la réaction (1) et  $A_2$  de la réaction (2) en fonction de la température  $T$  et de la pression partielle  $P(O_2)$  de dioxygène.

4.2.2. Calculer, dans les conditions de l'étude, la température  $T_1$  en dessous de laquelle le cuivre métallique Cu s'oxyde en Cu<sub>2</sub>O dans l'air sous  $P_0 = 1$  bar.

4.2.3. Calculer de même la température  $T_2$  en dessous de laquelle Cu<sub>2</sub>O s'oxyde en CuO dans l'air sous  $P_0 = 1$  bar.

4.2.4. En déduire le diagramme d'existence stable, en fonction de la température, de Cu, Cu<sub>2</sub>O et CuO, supposés solides, en présence d'air sous une pression de 1 bar.

4.2.5. Que se passe-t-il lorsqu'une plaque de cuivre est placée dans l'air supposé sec.

#### 4.3. Pressions d'oxydation

On se propose d'étudier l'influence de la pression partielle de dioxygène sur la stabilité de Cu, Cu<sub>2</sub>O et CuO à  $T = 300$  K.

4.3.1. Calculer la valeur  $P_1$  de la pression partielle de dioxygène au dessus de laquelle le cuivre métallique Cu s'oxyde en Cu<sub>2</sub>O.

4.3.2. Calculer de même la valeur  $P_2$  de la pression partielle de dioxygène au dessus de laquelle Cu<sub>2</sub>O s'oxyde en CuO.

4.3.3. En déduire le diagramme d'existence stable de Cu, Cu<sub>2</sub>O et CuO, supposés solides, en fonction de  $P(O_2)$  à 300 K.

4.3.4. Que se passe-t-il lorsqu'une plaque de cuivre est placée dans l'air supposé sec.

FIN DE L'ÉPREUVE